

Noções básicas para Programação HP

Daniel Rossato

Henrique Camargo

Introdução

- Modo RPN
 - Mais fácil de implementar
 - Mais rápido para inserir expressões matemáticas
 - Não precisa de parênteses
 - Não precisa “lembrar” de resultados
 - Exemplo:

$$\frac{3 + 5}{7 + 6}$$

Introdução

- Algébrico
 - $7 + 6 =$
 - Anotar o resultado
 - $3 + 5 =$
 - Dividir pelo resultado da primeira conta
 - $/ 13 =$
 - Total: 12 teclas, mais esforço de anotar/lembrar o resultado da primeira operação

Introdução

- RPN
 - 3 ENT 5 + 7 ENT 6 + /
 - Total: 9 teclas, sem esforço para lembrar

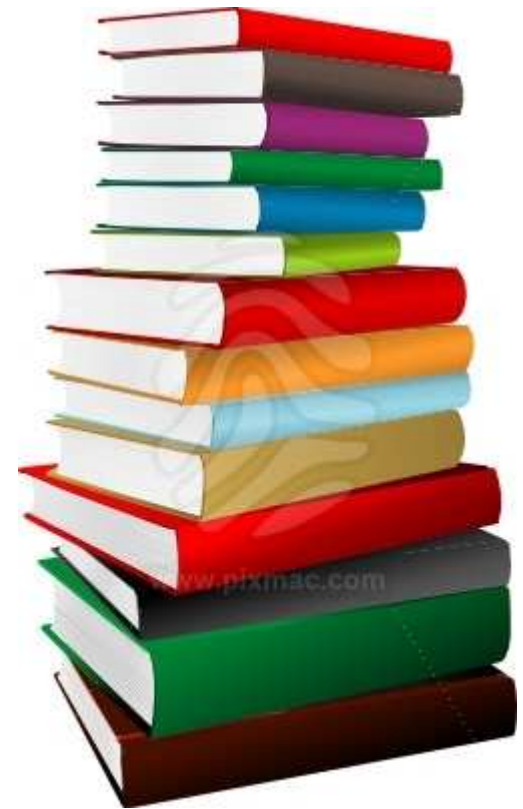
RPN

- Como funciona?
 - Operandos primeiro, operadores depois
 - $3 + 5 \Leftrightarrow 3 5 +$
 - $4/3 \Leftrightarrow 4 3 /$
 - $\text{Sin}(30) \Leftrightarrow 30 \text{ sin}$
 - Pilha
 - Resultados anteriores armazenados numa memória LIFO (Last In, First Out)

RPN

- Pilha
 - Só coloca no topo (push)
 - Só tira do topo (pop)
 - Pra tirar um livro do meio, tem que tirar todo o resto

 - A pilha da HP é visualizada de ponta-cabeça



RPN

- O que faz um operador
 - “pop” no número de argumentos que ele usa
 - Adição; 2 argumentos
 - Raiz quadrada: 1 argumento
 - Função trigonométrica (sin, cos): 1 argumento
 - Calcula o resultado
 - “push” no resultado

RPN

- Pilha
 - Últimos valores são utilizados primeiro (LIFO)
 - Exemplo: 3 4 5 6 + => 3 4 11

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
<HOME>  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
0:00400  
EDIT VIEW STACK RCL PURGE CLEAR
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
<HOME>  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
0:00400  
11  
EDIT VIEW STACK RCL PURGE CLEAR
```


RPN

- Exemplos

- 3 2 +

- 5 4 *

- /

- 2 +

$$2 + \frac{3 + 2}{5 \cdot 4}$$

- Alternativa

- 2 3 2 +

=> 2 5 na pilha

- 5 4 *

=> 2 5 20 na pilha

- /

=> 2 5/20 na pilha (ou 1/4)

- +

=> 2+1/4

RPN

- Exemplo:

$$1 - \frac{\sqrt{3+2} \cdot (4 - (3 + 2 \cdot 5))}{2 / (7 - 3)}$$

- Várias maneiras de resolver!
 - Don't panic!!!
 - Começar com o mais externo, e ir aprofundando, resolvendo cada operando

RPN

$$1 - \frac{\sqrt{3+2} \cdot (4 - (3 + 2 \cdot 5))}{2 / (7 - 3)}$$

- Operação mais externa: -
 - Primeiro operando: 1
 - Segundo operando: fração
 - Processar fração
 - Primeiro operando: multiplicação – processar
 - Primeiro operando: raiz
 - » etc., etc., etc...

RPN

$$1 - \frac{\sqrt{3+2} \cdot (4 - (3 + 2 \cdot 5))}{2 / (7 - 3)}$$

- **1 3 2 + RAIZ 4 3 2 5 * + - * 2 7 3 - / / -**



RPN

$$1 - \frac{\sqrt{3+2} \cdot (4 - (3 + 2 \cdot 5))}{2 / (7 - 3)}$$

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
(HOME)
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
      1
EXPLN EXPN  LID  LCOL  LFP1  TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
(HOME)
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
      1
      5
EXPLN EXPN  LID  LCOL  LFP1  TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
(HOME)
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
      1
      5
      1
EXPLN EXPN  LID  LCOL  LFP1  TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
(HOME)
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
      1
      5
      1
EXPLN EXPN  LID  LCOL  LFP1  TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
(HOME)
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
      1
      5
      4
EXPLN EXPN  LID  LCOL  LFP1  TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
(HOME)
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
      1
      5
      4
      1
EXPLN EXPN  LID  LCOL  LFP1  TEXPA
```

- 1 3 2 + RAIZ 4 3 2 5 * + - * 2 7 3 - / / -

RPN

$$1 - \frac{\sqrt{3+2} \cdot (4 - (3 + 2 \cdot 5))}{2 / (7 - 3)}$$

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
CHONE>
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
          1
          √5.-9
EXPLN EXPN LID LCOL LDP1 TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
CHONE>
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
          1
          √5.-9
          1
          2
          3
          4
EXPLN EXPN LID LCOL LDP1 TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
CHONE>
7:
6:
5:
4:
3:
2:
1:
          1
          √5.-9
          1
          2
          4
EXPLN EXPN LID LCOL LDP1 TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
CHONE>
6:
5:
4:
3:
2:
1:
          1
          √5.-9
          1
          2
EXPLN EXPN LID LCOL LDP1 TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
CHONE>
4:
3:
2:
1:
          1
          √5.-9
          1
          2
EXPLN EXPN LID LCOL LDP1 TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'
CHONE>
4:
3:
2:
1:
          1
          √5.-9
          1
          2
EXPLN EXPN LID LCOL LDP1 TEXPA
```

- 1 3 2 + RAIZ 4 3 2 5 * + - * 2 7 3 - / / -

RPN

- Simplificar resultado:

- Eval

-

->NUM

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1: 1+18√5  
EXPLN EXPN LIND LNCOL LNP1 TEXPA
```

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1: 41.249223595  
EXPLN EXPN LIND LNCOL LNP1 TEXPA
```

RPN

- Não vá embora!! Não desista!
- Funções úteis para operações com pilha
 - SWAP (seta para direita)
 - DUP (enter)
 - PICK
- SWAP é muito útil até se acostumar a “pensar” em pilha.

RPN

- SWAP

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
1 2  
EXPLN EXPN LID LDCOL LDP1 TEXPA
```



```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
2 1  
EXPLN EXPN LID LDCOL LDP1 TEXPA
```

- DUP

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
1 0000  
EXPLN EXPN LID LDCOL LDP1 TEXPA
```

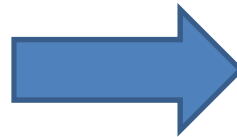


```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
0000 1  
EXPLN EXPN LID LDCOL LDP1 TEXPA
```

RPN

- PICK
 - Argumento: no. da linha

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3: 10  
2: 20  
1: 40  
3 PICK  
EXPLN EXPN LID LDCOL LDP1 TEXPA
```



```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4: 10  
3: 20  
2: 40  
1: 10  
EXPLN EXPN LID LDCOL LDP1 TEXPA
```

RPN

- Menu pilha
 - Ativado apertando a seta pra cima
 - VIEW
 - EDIT
 - PICK
 - ROLL
 - ROLLD
 - DUPN
 - DROPN
 - KEEP

RPN

- VIEW
 - Visualizar elemento
- EDIT
 - Editar elemento
- PICK
 - Duplica o elemento selecionado na base da pilha
- ROLL
 - Gira a pilha pra cima

RPN

- ROLLD
 - Gira pilha pra baixo
- DUPN
 - Duplica todos os elementos até a linha selecionada
- DROPN
 - Deleta todos os elementos abaixo da linha selecionada (incluindo a linha)
- KEEP
 - Deleta todos os elementos acima da linha selecionada

RPN

- Divirta-se com os comandos aprendidos!



- Sim, divirta-se.

Variáveis

- Armazenam valores, equações, strings, programas, etc.
- Para acessar o valor de uma variável, digite o nome
- Para referenciar a variável, digite entre aspas simples: 'X1'
- O nome pode conter números, mas deve sempre começar com uma letra

Variáveis

- Para guardar um valor numa variável:
 - Coloque o valor na pilha
 - Nome da variável entre aspas simples
 - STO
- As variáveis estarão disponíveis no menu VAR. Pode-se invocar o valor da variável pressionando o botão correspondente, ou com o nome da variável.

Variáveis

- Exemplo

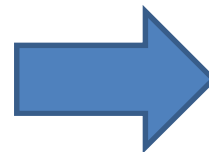
```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
CHOME3  
-----  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1: 42 'LIFE'  
EDIT VIEW STACK RCL PURGE CLEAR
```



```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
CHOME3  
-----  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
LIFE MATE1 MATE REM PPAR CASDI
```

- Acessando

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
CHOME3  
-----  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
LIFE  
LIFE MATE1 MATE REM PPAR CASDI
```

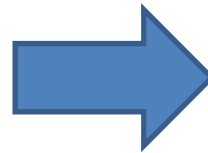


```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
CHOME3  
-----  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1: 42  
LIFE MATE1 MATE REM PPAR CASDI
```

Variáveis

- Apagando – PURGE

```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
PURGE  
LIFE MATE1 MATE REN PPAR CASDI
```



```
RAD XYZ HEX R= 'X'  
{HOME}  
7:  
6:  
5:  
4:  
3:  
2:  
1:  
MATE1 MATE REN PPAR CASDI START
```

Variáveis

- RELEMBRANDO!!!
- Entre aspas -> Para armazenar valores e apagar a variável
- Sem aspas -> Para acessar o valor

UserRPL

- Linguagem de programação das calculadoras HP
- São scripts de funções RPN, utilizam a pilha da mesma maneira
- Representados pelo símbolo << >>
- Armazenados dentro de variáveis

UserRPL

- Exemplo – Paralelo de Resistores

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \qquad R_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}}$$

- R1 INV R2 INV + INV
- Supondo que R1 e R2 estejam na pilha:

<< INV SWAP INV + INV >>

UserRPL

- Nem sempre manipulação de pilha é trivial
- Outro modo de resolver:
- `<< `R2` STO `R1` STO R1 INV R2 INV + INV >>`
- Problema: variáveis “lixo” no final do programa
- Solução: variáveis locais

UserRPL

- `<< -> R1 R2`
 `<< R1 INV R2 INV + INV >>`
 `>>`
- Sem variáveis “lixo”
- Se houver variáveis com o mesmo nome, ignora
- Jeito recomendado de fazer as coisas.

UserRPL

- Funções
 - RTFM : LEIA O MANUAL!!
 - No manual completo, todas as funções estão descritas em detalhe.
 - Se você consegue fazer uma operação, você consegue fazer o programa pra isso

UserRPL

- Vários tipos de argumentos são possíveis:
 - Valores
 - Expressões
 - Variáveis
 - Vetores
 - Matrizes
 - Outros programas
 - Etc.

UserRPL

- Exemplo:
 - Decompor fator de potência
 - Recebe Potência aparente e fator de potência
 - Devolve Potência Ativa e Reativa

 - $P = S * FP$
 - $Q = S * \sin(\arccos(FP))$

UserRPL

- Comando ->TAG – formata a saída
 - << -> S FATOR
 - << S FATOR * “Ativa” ->TAG S FATOR ACOS
 - SIN * “Reativa” ->TAG >>
 - >>

UserRPL

- Separar real e imaginário
 - Sem variáveis locais:
 - << DUP RE SWAP IM >>
 - Com variáveis locais:
 - << -> NUMERO << NUMERO RE NUMERO IM >> >>
- Se o programa tem um argumento só, em geral não é necessário usar variáveis locais

UserRPL

- Dada uma impedância e uma corrente, dar a tensão e a potência:
- $U = Z \cdot I$
- $P = U \cdot I^*$

UserRPL

- << -> | Z
 << Z | * "Tensão" ->TAG
 DUP | CONJ * "Potencia" ->TAG
 Z ARG COS "FP" ->TAG
 >>
>>

UserRPL

- Lançamento parabólico
 - Recebe velocidade de lançamento e ângulo
 - Devolve alcance e altura máxima
 - $t = 2 * V * \text{SIN}(\text{alfa}) / 9.8$
 - $h = V \text{ SIN}(\text{alfa}) t / 2 - (9,8 (t/2)^2) / 2$
 - $x = V * \text{COS}(\text{alfa}) * t$
 - << -> V ALFA

```
<< 2 V ALFA SIN * * 9.8 / `T` STO
V ALFA COS T * * "Alcance" ->TAG
V ALFA SIN T 2 / ** 9.8 T 2 / SQ * 2 / -
"Altura" ->TAG T "Tempo" ->TAG
>>
```
 - >>

UserRPL

- Bhaskara

- $Ax^2 + bx + c = 0$

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- << -> A B C

- << B NEG B SQ 4 A C * * - RAIZ+ 2 A * /
B NEG B SQ 4 A C ** - RAIZ - 2 A * /

- >>

- >>

- RAIZ é o símbolo de raiz quadrada

Agora é com vocês!

- Dêem exemplos de programas que vocês querem
- Vamos fazer todos juntos!



Perguntas

- ~~Encher linguiça~~

